

10 יחידות וסימונים

Table of units and symbols: q = [c], E = [N/c = V/m], phi = [c/m^3], B = [T], lambda = [c/m], I = [c/sec = A], S = [m^2], J = [A/m^2], v = [m/sec], K = [A/m], V = [m^3], L = [(Volt * sec) / A = H], U = [joule], sigma = [siemens/m = 1/(Omega * m)], W = [joule], rho = [Omega * m], e = [joule/c = Volt], X = [joule/c = Volt], n = מספר ליפופים N, micro = 10^-6, nano = 10^-9, pico = 10^-12.

הגדרות ונוסחאות כלליות

היטל R על ציר x - R * x-hat
שטח S = S-hat * n-hat
שטח מעטפת כדורית: 4 * pi * r^2
נפח כדור: (4/3) * pi * r^3

מטענים וכוחות

הכח שמפעיל מטען על מטען 2: F_i = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q_i * q_j / R_ij^2) * (-R_ij-hat)
הערה: ניתן לחשב את הכח בסופרפוזיציה.

כח בנקודה מסימת בכיוון x

F * x-hat = -dU(r) / dx

שדה חשמלי

שדה שנוצר ע"י מטענים: E-hat = sum_i F_i-hat / q

הערה: כל שדה חשמלי הוא משמר.

שדה חשמלי שיוצר מטען נקודתי:

E_i = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q_i / R_ij^2)

שדה בנקודה z בכיוון x:

E(r) * x-hat = -dV(r) / dx

שדה בנקודה z:

E-hat(r) = -grad V(r) = (-d/dx i-hat - d/dy j-hat - d/dz k-hat) V(r)
ברירת מחדל - שדה חיובי. מטען חיובי ינוע בכיוון שדה חיובי.

שדה שיוצר תיל אינסופי:

E = lambda / (2 * pi * epsilon_0) * (R-hat)

שדה שיוצר תיל סופי (y - הגובה מעל התיל):

E_x = lambda / y * (cos theta_1 - cos theta_2), E_y = lambda / y * (sin theta_2 - sin theta_1)

שדה שיוצר לוח אינסופי:

E = phi / (2 * epsilon_0)

שדה שיוצרת (על ציר הסימטריה z):

E-hat = (1 / (4 * pi * epsilon_0)) * (q * z / (z^2 + r^2)^(3/2)) * z-hat

מבודד:

- מטענים לא זזים.
- יש גם אלקטרונים וגם פרוטונים.
- אם נמצאים בתוך כדור מבודד - השדה המשפיע נוצר רק ע"י המטענים מהמרכז עד לנקודה שבה עומדים.

מוליך:

- במוליך טעון יש רק מטענים חיוביים או שליליים.
- המטענים במוליך תמיד יהיו על השפה בהתאם לצורתה.
- בתוך כדור מוליך - שדה הוא אפס.
- מוליך הוא גוף שווה פוטנציאל.

שדה שיוצר כדור מוליך (רדיוס R):

E = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (Q / r^2) R < r
E = 0 R > r > 0

שדה שיוצר כדור מבודד (רדיוס R):

E = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (Q / r^2) R < r
E = phi * r / (3 * epsilon_0) R > r > 0

דיפול

P = 2qa

פוטנציאל שיוצר דיפול בנקודה z:

V(r) = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (P * cos theta / r^2) = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (P * z / r^3)

שדה שיוצר דיפול:

E * x-hat = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (3 * P * x * z / r^5), E * y-hat = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (3 * P * y * z / r^5)



E * z-hat = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (P * (3z^2 - r^2) / r^5)

מומנט כח בדיפול חשמלי:

tau = P x E, W = -int f dl = -int tau dtheta

העבודה הדרושה לסיבוב דיפול בזווית:

W = P * E * (1 - cos theta)

חוק גאוס

phi_E = triple integral E-hat * ds-hat = Q_in / epsilon_0, epsilon_0 = 8.85 * 10^-12 [C^2 / Nm^2]

triple integral E-hat * ds-hat = triple integral grad E-hat * dV
נפח phi_E = grad E-hat * dV

grad E-hat = phi / epsilon_0 = -grad^2 V => phi_E = 1 / epsilon_0 triple integral phi * dV

phi_E-hat * dl-hat = double integral (grad x E-hat) ds-hat

- שטף יוצא הוא חיובי.
- שטף נכנס הוא שלילי.
- אין מטען - אין שטף! (אך יתכן יש שדה כי השטף הנכנס מבטל את השטף היוצא).
- ניתן להתייחס למעטפת כדורית מוליכה / כדור מוליך כאילו וכל המטען מרוכז במרכז.

אנרגיה חשמלית

האנרגיה הדרושה להבאת מטען q מאינסוף ל-z:

U(r) = q * V(r)

אנרגיה של מערכת - האנרגיה הנדרשת ע"מ לבנות את המערכת מאינסוף:

U_T = sum_{i<j} 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q_i * q_j / R_ij) = 1/2 * sum_{i(j != i)} 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q_i * q_j / R_ij) = 1/2 * int phi dq

בתחום שבו נמצא dq

פוטנציאל (סקלר)

העבודה הדרושה להביא מטען q מ-A ל-B:

W_AB = U_B - U_A
הפרש פוטנציאלים בין נקודה B ל-A:

V_AB = W_AB / q => V_A = U_A / q

הערות:

1. הפרש פוטנציאלים זו עבודה למטען אחד.
2. פוטנציאל בנקודה מסימת הוא העבודה הדרושה להבאת המטען מאינסוף לנקודה. כלומר, הפרש הפוטנציאלים בין אינסוף לנקודה.
3. באינסוף - השדה הוא אפס ולכן גם הפוטנציאל אפס.
4. קווי כח הם שוויו פוטנציאל - תנועה לא דורשת עבודה (הכח מאונך).
5. פוטנציאל חיובי נמדד מה- "ל" ל-"+".

הפרש פוטנציאלים בשדה לא אחיד:

W_AB = -int F-hat * dl-hat
V_B - V_A = W_AB / q = -int_A^B E-hat(r) * dl-hat = -int_A^B grad V(r) * dl-hat

הפרש פוטנציאלים של מטען נקודתי:
הפרש פוטנציאלים של מטען בוחן המושפע משדה הנוצר ע"י מטען Q:

V_B - V_A = -int_A^B E-hat(r) * dl-hat = Q / (4 * pi * epsilon_0) * (1/R_B - 1/R_A)

פוטנציאל בנק' r - הפרש פוטנציאלים בין אינסוף (שבו השדה 0) לנק' r:

V(r) = -int_infinity^r E-hat(r) * dl-hat
פוטנציאל של מטען כלשהו (לא בהכרח נקודתי):
R - המרחק בין V(r) למטען (סקלר).
q - המטען בכל נקודה - תלוי ב-R.

V(r) = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * triple integral 1/R dq
dq = phi dV

פוטנציאל של מטען נקודתי:

V(r) = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q / R)

פוטנציאל שיוצרת טבעת טעונה (על ציר הסימטריה z):

V = 1 / (4 * pi * epsilon_0) * (q / sqrt(z^2 + r^2))

גראדינט (וקטור)

df = f(r-hat + dr-hat) - f(r-hat) = grad f * dr-hat

dr-hat = dx * i-hat + dy * j-hat + dz * k-hat

int_a^b grad f * dr-hat = int_a^b df = f(b) - f(a)

קואורדינטות קרטזיות:

grad t = (dt/dx) i-hat + (dt/dy) j-hat + (dt/dz) k-hat

קואורדינטות גליליות:

grad t = (dt/dr) r-hat + 1/r * (dt/dtheta) theta-hat + (dt/dz) z-hat

קואורדינטות כדוריות:

grad t = (dt/dr) r-hat + 1/r * (dt/dtheta) theta-hat + 1/(r * sin theta) * (dt/dphi) phi-hat

דיברגנץ - Div (סקלר)

דיברגנץ הוא השטף דרך קווי הכח. כלומר, השטף בנקודה.

אם אין קווי כח אז דיברגנץ = 0.

קואורדינטות קרטזיות (v_x רכיב x של v-hat):

grad * v-hat = (dv_x/dx) i-hat + (dv_y/dy) j-hat + (dv_z/dz) k-hat

קואורדינטות גליליות:

grad * v-hat = 1/r * (dr v_r) + 1/r * (dtheta v_theta) + (dv_z/dz)

קואורדינטות כדוריות:

grad * v-hat = 1/r^2 * (dr^2 v_r) + 1/(r * sin theta) * (d(sin theta v_theta)) + 1/(r * sin theta) * (dv_phi/dphi)

Curl / Rotor (וקטור)

grad x f-hat = triple integral (grad x f-hat) ds-hat = triple integral (grad x f-hat) dV

בשדה משמר:

grad x f-hat = 0 => triple integral (grad x f-hat) ds-hat = grad (grad x f-hat) = 0

קואורדינטות קרטזיות:

grad x v-hat = (dv_z/dy - dv_y/dz) i-hat + (dv_x/dz - dv_z/dx) j-hat + (dv_y/dx - dv_x/dy) k-hat

קואורדינטות גליליות:

grad x v-hat = (1/r * (dv_z/dtheta - dv_theta/dz)) r-hat + (dv_r/dz - dv_z/dr) theta-hat + 1/r * (d(r * v_phi) - (dv_phi) / dtheta) z-hat

קואורדינטות כדוריות:

grad x v-hat = 1/(r * sin theta) * (d(sin theta v_theta) / dtheta) r-hat + 1/r * (dv_r/dphi - (dv_phi) / dr) theta-hat + 1/r * (d(r * v_phi) / dr - (dv_r) / dtheta) phi-hat

לפלאסיאן

Delta V(r) = -grad grad V(r) = grad E-hat = phi / epsilon_0

זרם חשמלי

צפיפות אלקטרונים חופשיים לנפח - n. מטען האלקטרונים - q.

צפיפות מטען: phi = n * q.

צפיפות זרם ליחידת שטח - J (החתך / שטח בו עובר הזרם):

dI = J * ds-hat => J = dI / ds-hat = phi * v-hat (בתנועה מעגלית - משקיית) נפחית

dI = phi * v-hat * ds-hat = dq * v-hat
זרם בגוף מסתובב:

I = Q / T = (Q * omega) / (2 * pi) = double integral J-hat * ds-hat, dl = dQ / dt

צפיפות זרם ליחידת אורך (d - עובי):

K = J * d = dI / dt

הערות:

- מצב יציב הוא מצב שבו אין שינוי: grad J-hat = 0

- מצב לא יציב - זרם לא קבוע בזמן ובמקום:

grad J-hat = -dphi / dt

התנגדות / מוליכות:

J-hat = sigma * E-hat, I-hat = J-hat * S = sigma * E-hat * S, sigma = 1 / rho
R = L / (sigma * S) = (rho * L) / S, R = V / I

קבלים

phi = Q / S, E = phi / epsilon_0, Q = C * V, V = E * d = 1/c * int I dt

קבל עם חומר דיאלקטרי:



שקול לקבלים במקביל / שקול לקבלים בטור

אם השדה B קבוע ומאונך למהירות (במסגרת מלבנית) אז:

$$e = -v \cdot B \cdot l$$

 הספק מכני = הספק חשמלי (R) התנגדות - v מהירות):

$$P = \vec{F} \cdot \vec{v} = I^2 \cdot R = \frac{(v \cdot B \cdot l)^2}{R}$$

 כא"מ בסליל סופי (n - ליפופים ליח' אורך):

$$e = -\mu_0 \cdot n \cdot S \cdot \frac{dI}{dt} \cdot n \cdot l = -L \frac{dI}{dt}$$

$$\phi_B = L \cdot I, \quad \varepsilon = -L \cdot \frac{dI}{dt}$$

$$L = \mu_0 \cdot n^2 \cdot S \cdot l$$

 - L השראה עצמית:

השראה:
 השראה הדדית: $L_{2 \rightarrow 1} = L_{1 \rightarrow 2}$
 השראה עצמית: $L_{2 \rightarrow 2}, L_{1 \rightarrow 1}$

$$\varepsilon_1 = -L_{22} \cdot \frac{dI_2}{dt} - L_{21} \cdot \frac{dI_1}{dt}$$

$$\varepsilon_2 = -L_{21} \cdot \frac{dI_2}{dt} - L_{11} \cdot \frac{dI_1}{dt}$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -L \cdot \frac{dI}{dt}$$

 שגוי - משנה מתח (N - מספר ליפופים בסליל):

$$\varepsilon_2 = \left(\frac{N_2}{N_1} \right) \varepsilon_1$$

השראה הדדית M:
 M כפול הזרם הזרם טבעת אחת שווה לטופס המגנטי דרך טבעת שניה (M שווה לשניהם).
 - אם לשניהם אותו זרם אז לשניהם אותה השראה הדדית אחד על השני - שטף הדד:

$$\phi_B = M \cdot I$$

כא"מ בסליל:

$$\varepsilon = -L \cdot \frac{dI}{dt}$$

 עמ' לחשב כמה אנרגיה בסליל נחשב כמה אנרגיה לקח להגיע מאפס זרם לזרם הנתון.
 טורוס (סליל מעוגל עם תוך של מלבן):
 בעל רדיוס פנימי a, רדיוס חיצוני b, וצורת מלבן עם גובה h.
 N - מס' הליפופים בסליל.

זרם העתקה (כ"ב - שימושי בקבילים):

$$I_d = \varepsilon_0 \cdot \frac{d\phi_E}{dt} = \varepsilon_0 \cdot \frac{d}{dt} \left(\iint \vec{E} \cdot d\vec{s} \right) \Rightarrow J_d = \varepsilon_0 \frac{d\vec{E}}{dt}$$

זרם העתקה (כ"ב - שימושי בקבילים):
 I - זרם אמיתי בתוך הקבל (אם קיים).
 חיבור הזרם I עם זרם העתקה מתן את הזרם הכולל שיוצא / נכנס לקבל.
 שדה חשמלי משתנה שגדל (שטף חשמלי גדל) יוצר זרם העתקה בכיוונו. שדה חשמלי משתנה שקטן יוצר זרם העתקה בכיוון השדה.

ריכוז משוואות - שדות מגנטיים וחשמליים

$$\nabla \cdot \vec{E} = \rho / \varepsilon_0$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} + q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$$

$$d\vec{F} = I \cdot d\vec{l} \times \vec{B}$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = \iint \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

$$\iint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\varepsilon_0}$$

2 המשוואות מצד שמאל הן לשימוש במצב של שדה חשמלי משתנה יוצר שדה מגנטי.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \cdot I + \mu_0 \cdot \varepsilon_0 \cdot \frac{d\phi_E}{dt}$$

האיבר הנוסף בנוסחאות דואג לשימור המטענים והשדה כאשר מדברים על משטח סגור שכולל קבל ובו לא זרם זרם.

שונוט
 אורך קו כפוקנציה של זווית קטנה:

$$dl = \frac{r \cdot d\theta}{\cos \theta}$$

מתקן:

$$\Delta P = \int_0^r f \cdot dt'$$

תנועה הרמונית:

$$ma = F = -KX \quad K = m\omega^2 \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

צפיפות מטען שטחית בהשוואה לאורכית:

$$d\phi = \frac{dq}{ds} = \frac{dq}{dx \cdot dy} = \frac{d\lambda}{dx} = \frac{dq}{r \cdot dr \cdot d\theta}$$

הערות:
 - שדה מגנטי משתנה כפוקנציה של הזמן יוצר שדה חשמלי (לא בהכרח קבוע).
 - שדה חשמלי משתנה כפוקנציה של הזמן יוצר שדה מגנטי (לא בהכרח קבוע).
 - שדה מגנטי לא משמר.
 - קווי כח שדה מגנטי תמיד סגורים.
 - מהירות חלקיק נשארת קבועה כל עוד הוא נע ע"ג קווי הכח המגנטיים (במקביל לשדה).
 - אם B קבוע ומאונך לזרם, לא משנה צורת החוט אלא רק המרחק הישר בין קצה לקצה:

דיפול מגנטי (של טבעת ללא עובי - כמו חוט תיל):

$$\mu = I \cdot S$$

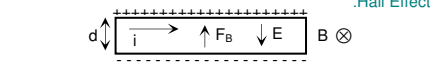
 כיוון μ קבוע ע"פ כלל יד ימין וכיוון הזרם.

מומנט כח מגנטי (של גוף דו-מימדי כמו טבעת):

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B} = S \cdot I \cdot B \cdot \sin \theta$$

 בסליל (מכפילים במספר הליפופים - n):

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B} = n \cdot S \cdot I \cdot B \cdot \sin \theta$$



- Hall Effect:
1. בעקבות השדה המגנטי ותנועת האלקטרונים (הזרם), נוצר כח שיוצר קיטוב במוליך.
 2. הקיטוב יוצר שדה חשמלי שגובר עם הזמן ולבסוף מבטל את השפעת השדה המגנטי.
 3. עם ההגעה לשייוון בין הכוחות המצבי יציב:

$$V_H = E_H \cdot d = v \cdot B \cdot d$$
 4. הזרם לא משתנה תו"כ התהליך.

תנועת חלקיק בשדה קבוע:
 - אם B מאונך ל-v החלקיק יבצע תנועה מעגלית.
 - אם B בזווית כלשהי ל-v החלקיק יבצע תנועה ספירלית.
 - רדיוס הסיבוב בשדה המאונך למהירות:

$$r = \frac{mv}{qB \sin \theta} \Rightarrow \omega = \frac{qB \sin \theta}{m}$$

שדה מגנטי בתיל אינסופי:
 נכון גם לגבי תיל אינסופי עם עובי, אך יש לשים לב לחישוב הזרם.

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{2\pi r} I (\hat{\phi})$$

שדה מגנטי שיוצר תיל סופי (d הוא המרחק מהתיל):

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi d} I (\sin \alpha + \sin \beta) (\hat{\phi})$$

שדה מגנטי שיוצרת טבעת (על הציר):

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 \cdot I \cdot r^2}{2(r^2 + z^2)^{3/2}} (\hat{z})$$

שדה מגנטי של לוח אינסופי בעל עובי d (K - זרם ליחידת אורך):

$$\vec{B} = \frac{1}{2} \mu_0 J \cdot d; \quad K = J \cdot d$$

שדה מגנטי בתוך סליל סופי:

$$\vec{B} = \frac{1}{2} \mu_0 \cdot I \cdot n \cdot (\sin \theta_1 + \sin \theta_2)$$

שדה מגנטי בתוך סליל אינסופי:
 מספר ליפופים ליח' אורך - n.
 - בתוך הסליל - שדה מגנטי אחיד.
 - מחוץ לסליל - שדה אפס.
 - אם יש לסליל עובי אז נמדוד את השדה מהדופן של הסליל.

שדה מגנטי במיקום r בטורואיד (סליל מגולגל):
 - רדיוס פנימי - a, חיצוני - b.
 - מספר ליפופים ליח' אורך - n.

$$\vec{B}(r) = \frac{\mu_0 \cdot I \cdot a \cdot n}{r}$$

צפיפות אנרגיה מגנטית:

$$u_B = \frac{1}{2\mu_0} \cdot B^2 \Rightarrow U = \frac{1}{2\mu_0} \iiint \vec{B}^2 \cdot dV$$

כח אלקטרו מניע (כא"מ - emf):
 חוק לנץ: כוחות יוצרו ע"מ להתנגד לכל שינוי במערכת.

כא"מ - עבודה ליחידת מטען (סימן - e):

$$W_o = q \cdot e \Leftrightarrow e = \frac{W_o}{q} = -\frac{1}{q} \oint \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

$$e = -\frac{d\phi_B}{dt}$$

W_o - עבודה במעגל סגור.
 חוק פאראדי (לשימוש במצב של שדה מגנטי משתנה יוצר שדה חשמלי):

$$e = -\frac{d\phi_B}{dt} = \oint \vec{E} d\vec{l}$$

$$-\frac{d\phi_B}{dt} = -\frac{d}{dt} \iint \vec{B} \cdot d\vec{s} = -\iint \frac{d\vec{B}}{dt} \cdot \vec{r} \cdot dr d\theta$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

מעגל חשמלי (R - התנגדות):

$$e = I \cdot R$$

הערות:
 - שדה חשמלי מחוץ לקבל הוא אפס.
 - לחות הקבל הם מוליכים ולכן הם משטחים שוויו פוטנציאל.
 - קבילים במקביל: $C = C_1 + C_2$
 - קבילים בטור: $1/C = 1/C_1 + 1/C_2$
 - אם נשים חומר מבודד בין לחות הקבל החומר יתקטב ויצור דיפול שישבה את השדה החשמלי של הקבל (בתוך המבודד).
 - השדה החדש יהיה ('צפ' - חומר דיאלקטרי):

$$E = (\phi + \phi') / \varepsilon_0$$

 - השדה מחוץ לחומר דיאלקטרי לא ישתנה.
 - אם נכניס מוליך לקבל - המוליך יתקטב, ובתוכו יהיה שדה 0.
 - קבל ישמור חומר דיאלקטרי לתוכו.
 - קבל כדורי השדה בין הלחות לא קבוע!

שיטת קבוע הקיבול של קבל לחות בעקבות הכנסת מבודד:
 קבוע חומר דיאלקטרי ε_r , $\kappa = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_0}$

$$C' = \frac{\varepsilon_0 \cdot S}{d} \cdot \kappa$$

 קיבול של קבל גלילי (L - אורך מאד):

$$C = \frac{2\pi\varepsilon_0 L}{\ln(b/a)}$$

הפרש פוטנציאלים של קבל גלילי:

$$V = \frac{1}{2\pi\varepsilon_0} \frac{Q}{L} \ln(b/a)$$

מומנט דיפול ליח' נפח בקבל עם חומר מבודד:

$$\vec{P} = \chi \varepsilon_0 \vec{E} \Rightarrow \phi' = -|\vec{P}| = -\chi \varepsilon_0 \vec{E}$$

$$\vec{E} = \frac{\phi}{\varepsilon_0(1+\chi)} = \frac{\phi}{\varepsilon_0 \cdot \kappa}$$

$$C = \frac{\varepsilon_0 S}{d} (1+\chi) = \frac{\varepsilon_0 S}{d} \kappa$$

קבוע קיטוב - χ .
 כאשר אין קבוע דיאלקטרי בקבל (ואקום):
 $\kappa = 1 + \chi; \quad \kappa = 1; \quad \chi = 0$

קבוע מטענים חופשיים (המטענים הקצה החומר המבודד):

$$D = \varepsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \phi \Rightarrow \vec{D} = \varepsilon_0 \cdot \kappa \cdot \vec{E}$$

$$\iint \vec{D} \cdot d\vec{s} = Q_f$$

אנרגיה אלקטרוסטטית
 האנרגיה הדרושה לטעינת קבל במטען Q:

$$U = \int_0^Q V \cdot dQ' = \int_0^Q \frac{1}{C} \cdot Q' \cdot dQ' = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

$$Q = CV$$

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \varepsilon_0 VE^2$$

צפיפות אנרגיה בשדה חשמלי:

$$u = \frac{1}{2} \varepsilon_0 E^2 \Rightarrow U = \int_{\text{נפח}} \vec{V} \cdot \vec{u}$$

הספק:

$$P = \frac{dU}{dt} = V \frac{dQ}{dt} = VI = I^2 R = \frac{V^2}{R} = \vec{F} \cdot \vec{v}$$

הערות:
 - קצב איבוד האנרגיה הוא בדיוק הספק הנגד (הקצב בו הופך הנגד אנרגיה לחום).
 - במעגל חשמלי רק דרך הנגד "מתחזקת" אנרגיה (הופכת לחום).
 - אם קבל מחובר למקור מתח / זרם בלבד - הוא נטען באופן מיידי.
 - אם יש נגד בנוסף לקבל ולמקור המתח / זרם - הקבל יטען בהדרגתיות, המתח עליו יגדל (ועקב כך הזרם יקטן), ורק באינסוף הקבל יהיה נתק.

מגנטיות
 שטף מגנטי לשטח דו-מימדי (לטבעת אחת):

$$\phi_B = \iint \vec{B} \cdot d\vec{s}$$

משוואות מקסוול:

$$\phi_B = \iint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \nabla \cdot \vec{B} = 0$$

כח לורנץ:

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} + q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$$

$$d\vec{F} = I \cdot d\vec{l} \times \vec{B}$$

חוק ביו סבר (שימושי למציאת שדה מגנטי שיוצר זרם):
 - המרחק מ-dl, כלומר, המרחק ממקודה בה עובר הזרם.

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \left(\frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3} \right) \quad \mu_0 = 2\pi \cdot 10^{-7} \left[\frac{T \cdot m}{A} \right]$$

חוק אמפר (אגף שמאל) וחוק סטוקס (אגף ימין):

$$\oint_{\Gamma} \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \cdot I_{\Gamma} = \iint (\nabla \times \vec{B}) \cdot d\vec{s}$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \cdot \vec{J}$$

$$\iint (\nabla \times \vec{B}) \cdot d\vec{s} = \nabla \cdot (\nabla \times \vec{B}) = 0$$

- הזרם דרך המשטח שתוחמת הלולאה. I_{Γ}