

$$\vec{a}_{rot} = \vec{a}_I - \underbrace{\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}_{rot})}_{\text{centrifugal acceleration}} - \underbrace{2\vec{\omega} \times \vec{v}_{rot}}_{\text{coriolis acceleration}}$$

\vec{r}_{rot} - מהירות הגוף ביחס למערכת המסתובבת.

\vec{v}_{rot} - מהירות הגוף ביחס למערכת המסתובבת.

\vec{a}_I - תאוצת הגוף ביחס למערכת האינרציאלית (מתקיים $\sum \vec{F}_{real} = m\vec{a}_I$)

\vec{a}_{rot} - תאוצת הגוף ביחס למערכת המסתובבת.

$$F_{cl} = m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r} \quad \boxed{|\vec{v}| = |\vec{\omega}r|}$$

גוף קשיח / תנועה סיבובית:

משפט שטיינר (צירים מקבילים): $I' = I_o + ml^2$ I_o מומנט אינרציה ביחס למרכז המסה, l - המרחק בין מרכז המסה לבין הנקודה

שיחסית אליה רוצים לחשב). משפט הצירים המאונכים: $I_z = I_x + I_y$. נכון רק לגוף שטוח כאשר x, y במישור שלו ו- z מאונך.

אנרגיה קינטית של גוף מסתובב:

$$E_k = \frac{1}{2} I_o \omega^2 + mv_{cm}^2 \quad \text{סביב מרכז המסה:}$$

$$E_k = \frac{1}{2} I' \omega^2 = \frac{1}{2} (I_o + ml^2) \omega^2 = \frac{1}{2} I_o \omega^2 + mv_{cm}^2 \quad \text{סביב ציר סיבוב:}$$

הגדרת התנע הזויתי: $\vec{J} = \vec{r} \times \vec{P}$ (\vec{r} וקטור שמצביע מנק' הייחוס למיקום הגוף). חוק שימור התנע הזויתי: $\sum \vec{\tau} = \frac{d\vec{J}}{dt} = I \frac{d\vec{\omega}}{dt} = I\vec{\alpha}$

מומנט הכוח: $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$ מומנט אינרציה: $I = \sum m_i r_i^2$ מהירות זויתית: $\vec{\omega} = \frac{d\vec{\theta}}{dt}$ תאוצה זויתית: $\vec{\alpha} = \frac{d\vec{\omega}}{dt}$

קורדינטות פולריות:

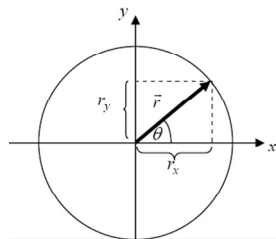
וקטור המקום: במערכת קרטזית: $\vec{r} = x\hat{x} + y\hat{y} + z\hat{z}$

במערכת צירים פולרית: $\vec{r} = r\hat{r}$

$$\begin{aligned} r_x &= x = r \cos \theta \\ r_y &= y = r \sin \theta \end{aligned}$$

מעברי קורדינטות: קרטזי לפולרי:

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} \quad \tan \theta = \frac{y}{x}$$



וקטורי יחידה פולריים:

$$\hat{r} = (\cos \theta, \sin \theta)$$

$$\hat{\theta} = (-\sin \theta, \cos \theta)$$

$$\dot{\hat{r}} = \dot{\theta} \hat{\theta} \quad \dot{\hat{\theta}} = -\dot{\theta} \hat{r}$$

אנרגיה קינטית של סיבוב של גוף קשיח: $E_k = \frac{1}{2} I \omega^2$

$$\vec{J}_{tot} = \vec{J}_o + \vec{J}_{cm}$$

\vec{J}_o - תנ"ז שנובע מסיבוב הגוף סביב מרכז המסה.

\vec{J}_{cm} - התנ"ז של מרכז המסה יחסית לנקודה כלשהי. $\vec{J}_{cm} = \vec{r}_{cm} \times \vec{P}_{cm}$

תנועה זוויתית	תנועה קווית	גורם לתנועה
מומנט כוח $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$	כוח \vec{F}	גורם לתנועה
$\frac{1}{2} I \omega^2$	$\frac{1}{2} mv^2$	אנרגיה קינטית
$\vec{J} = m\vec{r} \times \vec{v} = I\vec{\omega}$	$\vec{P} = m\vec{v}$	תנע
$\sum \vec{\tau} = 0$	$\sum \vec{F} = 0$	תנאי לשימור תנע
$\sum \vec{\tau} = I\vec{\alpha}$	$\sum \vec{F} = m\vec{a}$	משוואת תנועה

מומנט אינרציה:

מומנט אינרציה הוא אדיטיבי. בגלגול ללא החלקה כוח החיכוך לא מבצע עבודה. תנאי לגלגול ללא החלקה: $v_0 = \omega R$ (כאשר v_0 מהירות מרכז המסה).

מומנטים (ביחס לציר הסימטריה):

טבעת דקה/מעטפת גלילית: MR^2 מוט דק - ביחס לאמצע: $\frac{1}{12} ML^2$ כדור מלא: $\frac{2}{5} MR^2$ מעטפת כדורית: $\frac{2}{3} MR^2$

דיסקה מלאה/גליל מלא: $\frac{1}{2} MR^2$ - ביחס לקצה: $\frac{1}{3} ML^2$ לוח מלבני/תיבה שבסיסה מלבן: $M \frac{a^2 + b^2}{12}$

עבודה ואנרגיה:

הגדרת העבודה: $W = \int_{start}^{end} \vec{F} \cdot d\vec{l}$ אינטגרציה לאורך מסלול: $y = f(x) \Rightarrow \frac{dy}{dx} = f'(x) \Rightarrow dy = f'(x)dx$ $W = |\vec{F}| \cdot |d\vec{l}| \cdot \cos \theta$

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{x} + F_y \hat{y}) \cdot (dx \hat{x} + dy \hat{y}) = F_x dx + F_y dy$$

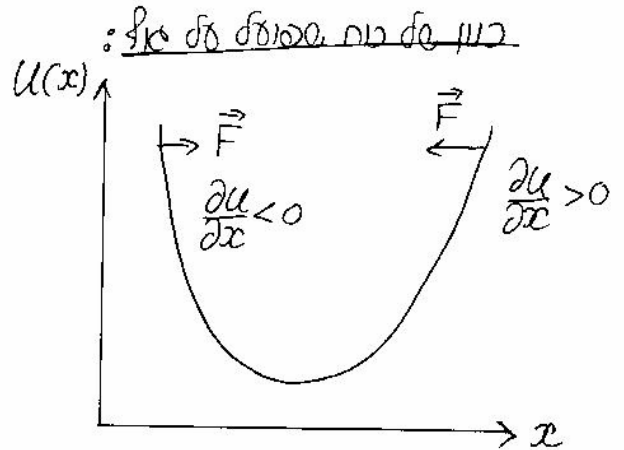
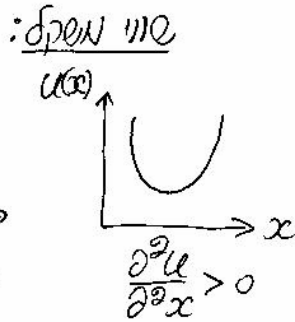
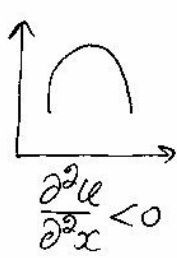
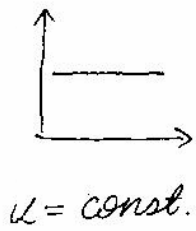
(S - המסלול) $W = \int_S F_x dx + \int_S F_y dy$

(מבטאים את dy על ידי dx ואת y על ידי x , ואז עושים את האינטגרל).

כוח שהאינטגרל המסלולי שלו לא תלוי במסלול אלא רק בנקודת ההתחלה והסיום נקרא כוח משמר.

$$W_{A \rightarrow B} = U(B) - U(A) \quad \text{פונקצית פוטנציאל:}$$

$$\vec{F} = -\nabla U = \left(\frac{\partial U}{\partial x} \hat{x} + \frac{\partial U}{\partial y} \hat{y} \right) \quad \text{כיוון של כוח הפועל על גוף:}$$



התחום שבו מותר לגוף להמצא: $E_k = E_{tot} - E_p \geq 0$ $E_{tot} = E_p + E_k$

גוף לא יכול להמצא במקום שבו האנרגיה הפוטנציאלית שלו גדולה מהאנרגיה הכוללת שלו.

כוח מרכזי: כוח שפועל בכל נקודה בכיוון ראשית הצירים. כוח גריוויטיוני: $\vec{F}_G = -\frac{Gm_1m_2}{r^2}$

פוטנציאל אפקטיבי: $E_{tot} = \underbrace{\frac{1}{2}mv_r^2}_{E_k} + \underbrace{\frac{J^2}{2mr^2}}_{U_{cf}} - \underbrace{\frac{GMm}{r}}_{U_G}$

תנע קווי:

הגדרת תנע: $\vec{P} = m\vec{v}$

שימור תנע: $\sum \vec{F} = m\vec{a} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d}{dt}(m\vec{v}) = \frac{d\vec{P}}{dt}$

התנע הכולל במערכת סגורה נשמר.

מערכת מרכז המסה: הגדרה - זוהי מערכת שבה $\vec{P}_{tot} = 0$.

מיקום מרכז המסה: $\vec{R}_{cm} = \frac{\sum m_i \vec{r}_i}{\sum m_i}$

מהירות מרכז המסה: $\vec{v}_{cm} = \frac{\sum m_i \vec{v}_i}{\sum m_i} = \frac{\vec{P}_{tot}}{M_{tot}}$

תנועה הרמונית: $\ddot{x} = -\omega^2 x$

דרכים לכתוב הפיתרון: $\begin{cases} x(t) = A \cos(\omega t) + B \sin(\omega t) \\ x(t) = A \sin(\omega t + \varphi) \\ x(t) = A \cos(\omega t + \varphi) \end{cases}$ כאשר B, A, φ הם קבועים שניתן למצוא על ידי תנאי ההתחלה.

קפיצים, תנועה הרמונית פשוטה:

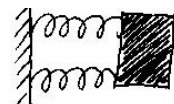
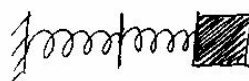
כוח של קפיץ: $F = -kx$ אנרגיה אלסטית של קפיץ: $E = \frac{1}{2}kx^2$

חיבור קפיצים בטור:

חיבור קפיצים במקביל:

$$\frac{1}{k_{tot}} = \sum \frac{1}{k_i}$$

$$k_{tot} = \sum k_i$$



$$E_{tot} = E_p + E_k = \frac{kA^2}{2} \quad \text{אנרגיה כללית נשמרת:}$$

$$E_k = \frac{1}{2} m \omega^2 (A^2 - x^2) \quad \text{אנרגיה קינטית:}$$

$$T = \frac{1}{f} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \quad \text{זמן מחזור:}$$

spring pendulum

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \text{תדירות:}$$

$$\omega = 2\pi f = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \text{מהירות זוויתית:}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 x \quad \text{תאוצה:}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega \sqrt{A^2 - x^2} \quad \text{מהירות:}$$

משוואות שונות ונוסחאות כלליות:

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{at^2}{2}$$

$$y(x) = x \tan \alpha - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 \quad \text{משוואת מסלול בליסטי:} \quad \text{כאשר } \alpha \text{ זווית הזריקה.}$$

$$v = v_0 + at \quad \text{בתנועה בתאוצה קבועה:}$$

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x$$

מהירות האור: 299,792,458 מטר בשנייה. (בדיוק! עניין של הגדרה) מהירות זוויתית של כדה"א: $\omega_E = 7.27 \cdot 10^{-5} [\text{sec}^{-1}]$

זמן מחזור של כדור הארץ: $T_E = 86400 [\text{sec}]$

נוסחאות מתרגילים / פתרונות מקוצרים:

$$N = mg(1 - \sin^2 \alpha) \quad \text{מה ימדדו המאזניים?} \quad \text{1} \quad \text{האם יתנוספת?}$$



2) עגלה נגררת על ידי כוח F , חול נשפך אליה כך שמסתה עגלה מקיימת $m_c = m_0 + \alpha t$, מהירות התחלתית v_{c_0} .

$$V_{c(t)} = \frac{m_0 v_{c_0} + Ft}{m_0 + \alpha t} \quad \text{מהירות העגלה כפונקציה של הזמן:}$$

$$V_{c(t)} = v_{c_0} + \frac{F}{\alpha} \ln \left(\frac{m_0}{m_0 - \alpha t} \right) \quad \text{אם במקום זה חול מחלחל מהעגלה אותו קצב אז}$$

$$3) \text{ כדור נזרק על משטח במהירות } v_0 \text{ - באיזו מהירות יעבור לגלגול טהור?} \quad \left(v = v_0 \left(\frac{mR^2}{I + mR^2} \right) \right) \quad \text{נזכור שהתנאי לגלגול טהור:}$$

$$(v_{cm} = \omega R)$$

$$4) \text{ גוף תלוי על מסמר - מהי תדירות התנודות?} \quad f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgL}{I_{cm} + mL^2}}$$

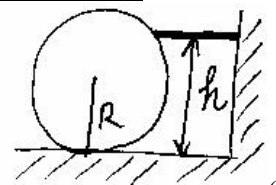
כאשר I_{cm} - מומנט האינרציה יחסית למרכז המסה. L - מרחק המסמר ממרכז המסה.

5) חללית נעה במהירות v , כל זמן τ נדלק פנס בחרטום או בזנב לסרוגין.

$$\text{הפרש הזמנים בהם רואה את הנצנוצים צופה במעבדה:} \quad t_B - t_A = \tau \gamma - \frac{\gamma v L}{c^2} \quad (L \text{ - אורך עצמי של החללית}).$$

6) חיזור וחללית נעים במאונך, החיזור שולח פולס אור לחללית כדי להזהיר מהתנגשות. באיזה כיוון הפולס? בכיוון שממנו באה החללית כפי שמודד החיזור - מסיקים את הזווית לפי מהירות החללית בציר x ובציר y על פי החיזור.

7) שני חלקיקים מתנגשים ונוצרים חלקיקים חדשים. מה האנרגיה המינימלית שדרושה לחלקיק התחלתי? אנרגיה שתיצור את החלקיק החדש עם מהירות 0 יחסית למהירות מרכז המסה!



$$8) \text{ כדור מתגלגל בלי החלקה, פוגע במסמר וחוזר בלי החלקה.} \quad h = \frac{3}{2} R$$

טרנספורמציות לורנץ: $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}$ כאשר u זו המהירות שבה רואה צופה במערכת העצמית את המערכת S (האחרת).

$$x = (x' + ut')\gamma \quad t = \left(t' + \frac{ux'}{c^2}\right)\gamma \quad x' = (x - ut)\gamma \quad t' = \left(t - \frac{ux}{c^2}\right)\gamma$$

התארכות הזמן: $\Delta t = \Delta t' \cdot \gamma$ התקצרות האורך: $l = \frac{l'}{\gamma}$

אפקט דופלר (לא יחסותי): $T_E =$ זמן מחזור של הפליטה. $T_R =$ זמן מחזור של הקליטה. אפקט דופלר (יחסותי): $f_R = \frac{v - v_R}{v - v_E} \cdot f_E$ - תדירות. $T_R = \frac{(v - v_E)T_E}{v - v_R}$

v - מהירות היציאה מהפולט. v_E - מהירות ההתקדמות של הפולט. v_R - מהירות ההתקדמות של הקולט.

עבור מערכת שמתרחקת במהירות יחסית u ופולטת פולסי אור. (עבור התקרבות, u בסימן מינוס): $\Delta t = \Delta t' \sqrt{\frac{1 + \frac{u}{c}}{1 - \frac{u}{c}}}$ $f = f' \sqrt{\frac{1 - \frac{u}{c}}{1 + \frac{u}{c}}}$

עבור פולסים שנעים במהירות v : $f = \frac{f' \sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}{1 - \frac{u}{v}}$

בטיפול יחסותי יש משמעות רק למהירות יחסית ולא למהירות הפולט והקולט בנפרד.

חוק חיבור מהירויות: $v_x = \frac{v'_x + u}{1 + \frac{uv'_x}{c^2}}$ $v'_x = \frac{v_x - u}{1 - \frac{uv_x}{c^2}}$

v' - מהירות במערכת העצמית. v - מהירות במערכת האחרת. u - המהירות של המערכת האחרת מנקודת מבט של המערכת העצמית.

טרנספורמציה של הרכיב הניצב של המהירות: $v_y = \frac{v'_y \sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}{1 + \frac{v'_x u}{c^2}}$ $v'_y = \frac{v_y \sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}{1 - \frac{v_x u}{c^2}}$

תנע ואנרגיה יחסותיים:

תנע: $P = mv \cdot \gamma$ $P_x = \gamma \left(P'_x + \frac{u}{c^2} E'\right)$ $P'_x = \gamma \left(P_x - \frac{u}{c^2} E\right)$

אנרגיה: $E = mc^2 \gamma$. אנרגיית מנוחה של גוף $(v = 0)$: $E_0 = mc^2$. $E = \gamma(E' + uP'_x)$ $E' = \gamma(E - uP_x)$

נוסחת איינשטיין: $E_{cm} = mc^2 (P_{cm} = 0) \Leftrightarrow E^2 = P^2 c^2 + m^2 c^4$

$E_{photon} = pc = hf (m_{photon} = 0)$

עבור חלקיק יחיד: $\vec{v} = \frac{\vec{P}}{E} \cdot c^2$. עבור מערכת חלקיקים: $\vec{v}_{cm} = \frac{\sum \vec{P}_i}{\sum E_i} c^2$

גודל אינווריאנטי בתורת היחסות (זהה בכל המערכות): $I = \left(\frac{E}{c}\right)^2 - (P_x^2 + P_y^2 + P_z^2)$